

23.10.2023

Група 32

Математика (геометрія)

Урок 9-10

Тема: Об'єм кулі та сфери

Мета:

- Повторити теоретичний матеріал; узагальнити, систематизувати та поглибити знання учнів із теми; застосувати знання з фізики під час розв'язування прикладних задач; формувати уяву про процеси у природі;
- розвивати в учнів пізнавальний інтерес, уміння використовувати набуті знання, навички й уміння в нових ситуаціях; підвищити інтерес до вивчення фізики та астрономії; розвивати абстрактне та логічне мислення;
- виховувати у учнів повагу та зацікавленість до вивчення фізики та астрономії, старанність у навченні; сприяти розширенню кругозору учнів.

Матеріали до уроку:

На відміну від циліндра та конуса, кулю неможливо «наблизити» правильними многогранниками, тому об'єм кулі визначають в інший спосіб. Формули для обчислення об'єму кулі та площині сфери вперше отримав геніальний давньогрецький математик Архімед.

Теорема 23.3. *Об'єм V кулі радіуса R можна обчислити за формулою*

$$V = \frac{4}{3}\pi R^3,$$

а площину S сфери радіуса R можна обчислити за формулою

$$S = 4\pi R^2$$

Задача 5. Потрібно переплавити в одну кулю дві чавунні кулі радіусами 5 см і 7 см. Знайти (з точністю до десятих сантиметра) радіус нової кулі.

Розв'язання. 1) Об'єми початкових куль:

$$V_1 = \frac{4}{3}\pi r_1^3 = \frac{4}{3}\pi \cdot 5^3 \text{ і } V_2 = \frac{4}{3}\pi r_2^3 = \frac{4}{3}\pi \cdot 7^3.$$

2) Об'єм отриманої кулі:

$$V = V_1 + V_2 = \frac{4}{3}\pi \cdot 5^3 + \frac{4}{3}\pi \cdot 7^3 = \frac{4}{3}\pi \cdot 468.$$

3) З другого боку, за відомою формулою $V = \frac{4}{3}\pi r^3$, маємо:

$$\frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4}{3}\pi \cdot 468; r^3 = 468; r = \sqrt[3]{468} \approx 7,8 \text{ см.}$$

Відповідь. $\approx 7,8$ см.

Задача 6. На відстані 3 см від центра кулі проведено переріз, площа якого дорівнює $27\pi \text{ см}^2$. Знайти об'єм кулі.

Розв'язання. 1) На малюнку 10.7 зображене кулю із центром у точці O , яку перетнуто площиною. У перерізі отримали круг із центром у точці A , $OA = 3 \text{ см}$.

2) Площа перерізу $S_{\text{п}} = \pi \cdot AM^2$.

3 іншого боку, за умовою задачі

$S_{\text{п}} = 27\pi \text{ см}^2$. Маємо $\pi \cdot AM^2 = \pi \cdot 27$;

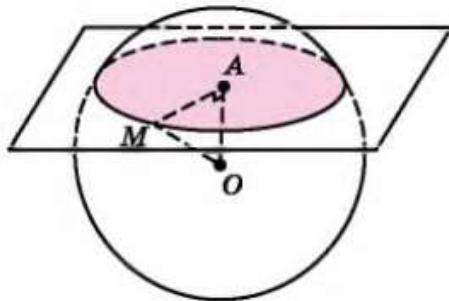
$AM^2 = 27 (\text{см}^2)$.

3) У $\triangle AOM$ ($\angle A = 90^\circ$, $OM = r$ – радіус кулі) маємо:

$$OM = \sqrt{AO^2 + AM^2} = \sqrt{3^2 + 27} = 6 \text{ (см)}.$$

$$\begin{aligned} 4) \text{ Об'єм кулі } V &= \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4}{3}\pi \cdot 6^3 = \\ &= 288\pi (\text{см}^3). \end{aligned}$$

Відповідь. $288\pi \text{ см}^3$.



Мал. 10.7

Домашнє завдання: розв'язати задачі (у зошиті):

- 1) **4.** Є свинцеві кульки однакового радіуса. Скільки таких кульок треба взяти, щоб з них відлити одну кулю, радіус якої у 5 разів більший за радіус даних кульок?
- 2) **6.** Внутрішній радіус порожнистої чавунної кулі дорівнює 7 см, а її зовнішній радіус – 9 см. Знайдіть:
 - 1) об'єм чавуну, з якого виготовлено кулю;
 - 2) масу чавуну (густина чавуну 7,3 г/см³) з точністю до грамів.

... .

Зворотній зв'язок:

E-mail t.anastasia.igorivna@gmail.com